کنترل جریان به روش میدان مگنتوهیدرودینامیک در ورودی هوای فراصوت

احمد قنبری مطلق ^۱، سهیلا عبدالهی پور ^۲، سید آرش سید شمس طالقانی^۳ ۱ دانشجوی کارشناسیارشد هوافضا، پژوهشگاه هوافضا، وزارت علوم، تحقیقات و فناوری، تهران ۲ مربی، پژوهشگاه هوافضا، وزارت علوم، تحقیقات و فناوری، تهران، taleghani@ari.ac.ir

> تاریخ دریافت: ۹۸/۰۴/۱۰ تاریخ پذیرش: ۹۹/۰۲/۰۲

چکیدہ

طراحی حاملهای فضایی که امکان استفاده مجدد را داشته باشند، میتواند به میزان قابل توجهی از هزینه ماموریتهای فضایی بکاهد. این حاملها باید مجهز به موتورهایی باشند که توانایی عملکرد مناسب در رژیم جریان مافوقصوت و ماوراءصوت را داشته باشند. طراحی ورودی هوای این موتورها به عنوان یک چالش کلیدی مطرح میشود. یکی از مهمترین مسائلی که بر کارایی این موتورها تاثیر گذار است، شوکهای مایل به وجود آمده در ورودی موتور است. گذر جریان هوا از این شوکها شرایط را برای احتراق پایدار در موتور فراهم میکند. بهینهسازی کارایی ورودی هوای این موتورها به روشهای متعدد انجام میشود. در این مطالعه سعی در بهینهسازی یک ورودی هوای مافوق صوت، با استفاده از روش مگنتوهیدرودینامیک، به عنوان یک تکنیک کنترل جریانی پیشرفته، شده است. تحلیل نتایج این مطالعه حاکی از آن است که پارامتر MFR درصد، میانگین دما و بازیابی فشارکل ذرات خروجی به سمت محفظه احتراق به ترتیب ۱۰/۵۱ درصد، میانگین دما و واپیچیدگی جریان ۱۸/۹۳ درصد کاهش مییابد.

واژگان کلیدی

مگنتوهیدرودینامیک، کنترل جریان، ورودی هوا، رمجت، اسکرمجت.

۱. مقدمه

با وجود تمام پیشرفتهایی که در علوم فضایی صورت گرفته است، هزینه بسیار بالای ماموریتهای فضایی یکی از مهمترین دغدغه دانشمندان فعال در این حوضه از علم میباشد. دسترسی کمهزینه به فضا ضمن افزایش قابلیت اطمینان یکی از فلسفههایی است که طراحیهای امروزی را شدیداً تحت تاثیر قرار داده است[۱]. برای دستیابی به این مهم، استفاده از سیستمهای

پیشرانش با بازدهی بالا ضروری است. از این رو نسل بعدی اکتشافات فضایی نیازمند کلاس متفاوتی از وسایل نقلیه پروازی میباشند که مقرون به صرفه بوده و قابلیت استفاده مجدد را داشته باشند. سیستم پیشرانش این نوع از حاملهای فضایی میتواند، ترکیبی از چند نوع سیستم پیشران مختلف باشد[۲]. در تاریخ اکتشافات فضایی، راکتها تنها وسایل نقلیه برای

ماموریتهای همچون قراردهی ماهواره در مدار زمین، ماموریتهای بین سیارهای، سفر به کرات دیگر و همچنین ماموریتهای نظامی مانند پرتاب موشکهای بالستیک کوتاه برد تا پرتابهای بین قارهای بودهاند. برای اکثر این راکتها ماموریتی یک طرفه تعریف می شود. ماموریت این راکتها پس از آن که محموله از زمین به مقصد مورد نظر رسید، پایان یافته و راکت یا به عنوان یک زباله در فضا رها شده یا با بازگشت به سمت زمین، در جو سوخته و منهدم میشوند. از این رو غیرقابل بازیابی و استفاده مجدد مي باشند [٣]. شاتل فضايي (ايالات متحده و راكت بوران روسیه از جمله حاملهای فضایی بودند که مأموریتهای پروازی با قابلیت استفاده مجدد برای آنها تعریف شده بود. این حاملها توانستند چندین پرواز بین زمین و مدارهای فضایی انجام دهند. با این حال، به دلیل پایین بودن قابلیت اطمینان و همچنین هزینههای بسیار زیاد تعمیر و عملیاتی نگه داشتن حامل، به تدریج کنار گذاشته شدند. در سالهای اخیر شرکت spacex با استفاده از راکتهای فالکون، موفقیتهایی خوبی در زمینه بازیابی راکت داشته است. یکی دیگر از فناوریهای کلیدی برای تحقق ایده حامل های فضایی با قابلیت استفاده مجدد RLV، حامل هایی مجهز به سیستمهای پیشرانش هواتنفسی بر پایه موتورهای احتراقی و متناسب با رژیمهای جریان مافوق صوت و ماورا مصوت مانند اسکرمجت⁶ و رمجت⁵ است. این نوع از سیستمهای پیشرانش هواتنفسی با سیستمهای پیشرانش راکتی به صورت ترکیبی نیز استفاده می شود [۴،۵]. حامل های فضایی مجهز به موتورهای اسکرمجت و رمجت میتوانند یک ماموریت پرواز مداری را انجام داده و سیس به زمین بازگشته و مجدداً آماده انجام ماموریت جدید شوند و یا میتوان از آنها برای سفر از هر نقطهای به نقطهای دیگر از کره زمین در کوتاهترین فاصله زمانی استفاده کرد.

ورودی هوای موتورهای هواتنفسی مافوقصوت و ماوراء صوت همچون موتورهای رمجت و اسکرمجت به عنوان یک بخش اصلی و چالش کلیدی در طراحی موتور محسوب می شود [۶]. این نوع از موتورها هیچگونه قطعه متحرکی ندارند، لذا هوایی که وارد موتور می شود باید به طور کامل در ورودی فشرده شده و دمای آن تا حد ممکن بالا رود تا آماده پاشش سوخت و در نهایت احتراق شود. فرآیند فشرده سازی در ورودی، توسط شوکهای مایل اتفاق می افتد [۹–۲]. از طرفی نیز برخورد این شوکهای

مایل با دیواره، باعث جدایش لایه مرزی، تلف شدن انرژی جریان و از دست رفتن نیروی پیشران می شود [۱۰]. از این رو الزامی است که در طراحی ورودی هوای این گونه از موتورها، فرایند ایجاد شوک و افزایش فشار تا حد ممکن بهینه شود. از جمله پارامترهای کلیدی در طراحی ورودی هوای این گونه از موتورها، بازیابی فشار کل، میزان جریان جرمی، یکنواختی جریان و دمای جریان سیال میباشد. در واقع موفقیت موتورهای رمجت و اسکرمجت به میزان زیادی به توانایی موتور در مکش حداکثر جریان جرمی یکنواخت با حداقل کاهش در فشار کل و افزایش حداکثری فشار استاتیکی و دما در ورودی هوای موتور بستگی دارد [۱۱]. بهینهسازی کارایی ورودیهای هوا، میتواند به میزان قابل توجهی بار مفید قابل حمل توسط حامل فضایی را افزایش دهد [۱۲]. بهینهسازی کارایی ورودیهای هوا به روشهای متعدد انجام میشود. بهینه سازی ابعادی در بسیاری از مطالعات [۱۴–۱۳] مورد بررسی قرار گرفته است. به طور کلی بهینهسازی ابعادی یک ورودی هوای خاص، برای یک شرایط پروازی مشخص انجام می شود. پارامترهایی مانند سرعت پرواز و ارتفاع پرواز که تعیین کننده فشار و تراکم هوا هستند، شرایط پروازی را تعیین میکنند. با توجه به ثابت بودن ابعاد در این گونه طراحی، کارایی موتور در دیگر شرایط کاهش مییابد. از این رو طراحی ورودی با قابلیت تغییر ابعاد در بخشی از طراحی میتواند بازه شرایط پروازی با کارایی بهینه موتور را گستردهتر کند. درک و همکاران [۱۶] با مطالعه عددی ابعاد مختلف یک ورودی هوای موتور، تاثیرات این ابعاد را مورد مطالعه قرار دادند و ابعاد بهینه برای شرایط پروازی مختلف را استخراج و ابعادی مشخص برای بازهای از شرایط پیشنهاد کردند. دس و همکاران [۱۷] تاثیر تغییرات شکل و زاویه لبه بالایی ورودی هوا بر جدایش را بررسی کردند. کومار و همکاران [۱۸] با ایجاد ناهمواریهایی در ابعاد میکرو در دیواره یک ورودی هوای مافوق صوت، جریان ورودی را مغشوش کرده و با کاهش جدایش کارایی را افزایش دادند. واسانا و همکاران [۱۹] در یک مطالعه تجربي با ايجاد يک حفره روي سطح شيبدار جلويي، تاثيرات آن بر مشخصات جریان را مورد بررسی قرار دادند. این مطالعات نشان داد که با ایجاد یک حفره در نزدیک موج شوک، یک گردابه بزرگ ایجاد شده که می تواند به میزان قابل توجهی جدایش را کاهش دهد. مشکل بسیاری از این روشها آن است که در بازه محدود از زمان پرواز و در شرایط پروازی خاصی می توانند تاثیر گذار باشند.

گسترش فناوری حاملهای فضایی با قابلیت استفاده مجدد بر پایه موتورهای رمجت و اسکرمجت نیازمند تکنیکهای کنترل جریان پیچیده چند رشتهای همراه با مکانیزمهای پیشرفته همچون کنترلکنندههای جریان به روش مگنتوهیدرودینامیک MHD^V و محرکهای پلاسمایی است. از جمله مزیتهای این سیستمها آن است که نسبت به شرایط پروازی بسیار انعطافپذیر بوده و میتوانند از مرحله پرتاب تا برگشت به جو و نشستن روی زمین متناسب با شرایط عمل کنند.

ولاديمير فريسدات از شركت لنيتز^ روسيه مفهوم جديد هواپیمای AJAX را در اواخر ۱۹۸۰ مطرح کرد [۲۰]. طرح مفهومی این پرنده در شکل ۱ آمده است. هواپیمای هدایت شونده مافوق صوت AJAX با قابلیت پرواز در مزوسفیر[•] (ارتفاع ۵۰– ۸۰ کیلومتری) مجهز به سیستمهای پیشرفته همچون تولید پلاسما، کنترل جریان فعال در ورودی موتور به وسیله MHD، مولد الكتريكىMHD، كمپرسور MHD و سيستم تقويت پيشرانه MHDخواهد بود [۲۴–۲۱]. قسمت بالایی بدنه این پرنده مسطح بوده و در قسمت پایینی با ایجاد سطوح شیبدار، سعی در تشکیل موجهای شوک مایل می شود. شوکهای به وجود آمده در سطح زيرين اين پرنده كه از سيستم پيشرانش اسكرمجت بهره خواهد برد، شرایط مناسب برای ورود هوا به موتور را فراهم می کند. علاوه بر این هواپیمای AJAX با استفاده از سیستم کنترل جریان فعال به روش MHD در ورودی موتور، شرایط جریان هوا را متناسب با پارامترهای مختلف پرواز همچون سرعت و فشار، در حالت بهينه تنظيم خواهد كرد.

همانطور که اشاره شد مطالعات مختلفی جهت بهینهسازی جریان هوای ورودی به موتورهای رمجت و اسکرمجت به

روشهای مختلف صورت گرفته است. از طرفی نیز مطالعات بسیاری برای کنترل جریان به روش MHD روی سطوح و اشکال مختلف انجام شده است. اما مطالعات کمی در مورد تاثیر روش کنترل جریان MHD بر روی جریان ورودی هوای موتور در رژیم جریان مافوق صوت صورت پذیرفته است. در این مطالعه تاثیر روش کنترل جریان فعال مگنتوهیدرودینامیک بر پارامترهای کلیدی کارایی یک ورودی هوای مافوق صوت، مانند بازیابی فشار کل، دبی جریان جرمی، یکنواختی جریان و دمای جریان سیال هدایت شده به محفظه احتراق بررسی شده است.

۲. مدل فیزیکی

در این مطالعه یک ورودی هوای مافوق صوت که در مطالعات تجربی و عددی بسیاری [۲۸–۲۵] تجزیه تحلیل شده است، به صورت دو بعدی شبیهسازی و تاثیرات میدان مگنتوهیدرودینامیک بر پارامترهای مختلف جریان حول آن بررسی شده است.

شبیهسازی در نرم افزار تجاری ANSYS19 انجام شده است. حوزه محاسباتی (شکل۲) در محیط ANSYS meshing و شبکه محاسباتی (شکل۳) در محیط ANSYS meshing تولید شده و در محیط fluent با راهاندازی ماژول MHD رفتار سیال مورد مطالعه قرار گرفته است. حل با مدل آشفتگی ٤- ٤ و با حلگر density based در شرایط پایا انجام شده است. مشخصات جریان سیال در جدول ۱ آمده است. میدان MHD در جهت عمود بر جریان آزاد سیال به آن اعمال شده است. در شکل ۳ شرایط مرزی و جهت اعمال میدان مغناطیسی مشخص شده است. در حل میدان MHD دیواره ها به صورت عایق در نظر گرفته شد.



شکل ۱. طرح مفهومی هواپیمای مافوقصوت AJAX [۲۱]

جدول ١. مشخصات جريان سيال

واحد	مقدار	مشخصه جريان
پاسکال	10	فشار استاتیکی
_	٣	ماخ
كلوين	10.	دمای جریان
Siemens	١٧/٨	رسانايي الكتريكي
N/A2	۴π×۱۰-۲	نفوذپذيري مغناطيسي





شکل ۳. شبکه محاسباتی

۳.معادلات حاکم

ارائه معادلات حاکم بر علم MHD نیازمند بررسی جزئیاتی در زمینه تئوری میدانهای الکتریکی و مغناطیسی و تاثیر آنها بر خواص فیزیکی سیال عامل در فرآیندهای الکترومغناطیسی است. لذا در علم MHD معادلات پیوستگی، مومنتوم و انرژی همراه با عباراتی که در برگیرنده آثار الکتریکی و مغناطیس باشند، مورد مطالعه قرار می گیرد. از این رو برای بیان معادلات حاکم بر روش MHD از معادلات ماکسول و ناویر –استوکس به طور همزمان استفاده می شود. شکل بدون بعد معادلات ناویراستوکس در مختصات کارتزین، به شکل بقایی و با در نظر گرفتن اثرات مگنتوهیدرودینامیک به فرم زیر است.

$$\frac{\partial U}{\partial T} + \frac{\partial F}{\partial X} + \frac{\partial G}{\partial Y} = \frac{\partial F_{\nu}}{\partial X} + \frac{\partial G_{\nu}}{\partial Y} + S_{MHD}$$
(1)

$$\sum_{V \in U} V_{V}(X) = V_{V}(X) + V_{V}$$

$$U = \begin{bmatrix} \rho \\ \rho u \\ \rho v \\ \rho e_t \end{bmatrix}$$
(Y)

که در آن u و v متغیرهای کارتزین سرعت و ρ دانسیته و e انرژی کل به ازای واحد حجم است که با فشار به صورت زیر در ارتباط است.

$$p = (\gamma - 1)[e - \frac{1}{2}\rho(u^2 + v^2)]$$
(°)

در طرف اول معادله (۱)، F و G جملات غیر لزج و در طرف دوم، G_v و F_v بیان گر جملات لزج یا جابجایی هستند که به صورت زیر تعریف می شوند.

$$F = \begin{bmatrix} \rho u \\ p + \rho u^2 \\ \rho v u \\ (e + p)u \end{bmatrix}$$
(*)

$$G = \begin{bmatrix} \rho v \\ \rho v u \\ p + \rho v^2 \\ (e + p)v \end{bmatrix}$$
(δ)

$$F_{v} = \frac{1}{Re} \begin{bmatrix} 0 \\ \tau_{xx} \\ \tau_{xy} \\ u\tau_{xy} + u\tau_{xy} + q_{x} \end{bmatrix}$$
(8)

$$G_{v} = \frac{1}{Re} \begin{bmatrix} 0 & \\ \tau_{xx} & \\ \tau_{xy} & \\ u\tau_{xy} + u\tau_{xy} + q_{x} \end{bmatrix}$$
(Y)

نیروی حجمی ناشی از اعمال مگنتوهیدرودینامیک، S_{MHD}

B میدان مغناطیسی و j شار جریان الکتریکی به شرح زیر با همدیگر در ارتباط میباشد.

$$S_{MHD} = S \begin{bmatrix} 0 \\ j_{y}B_{z} - j_{z}B_{y} \\ j_{z}B_{x} - j_{x}B_{z} \\ E_{z}j_{z} + E_{y}j_{y} + E_{x}j_{x} \end{bmatrix}$$
(A)

$$\begin{aligned} j_y &= 0 \quad \cdot \quad j_x = 0 \quad \cdot \quad j_z = \sigma [uB_y - uB_x] \\ \tau_{ij} &= \mu (\frac{\partial u_i}{\partial x_i} + \frac{\partial u_j}{\partial x_j} + \frac{2}{3} \frac{\partial u_k}{\partial x_k}) \end{aligned}$$
 (9)

$$q_i = \frac{1}{(\gamma - 1)M^2} \frac{\mu}{P_r} \frac{\partial T}{\partial x_i} \tag{(1.)}$$

$$S = \frac{\rho_0 B_0 L}{\rho_\infty U_\infty} \tag{11}$$

$$Ha = B_i L \sqrt{\frac{\sigma}{\mu_{\infty}}} \tag{17}$$

۴. الگوریتم حل روش MHD در نرمافزار فلوئنت مگنتوهیدرودینامیک به تعامل میان میدان الکترومغناطیس و جریان سیال رسانای الکتریکی اشاره دارد. نرمافزار فلوئنت قادر

است، رفتار سیال رسانای الکتریکی را تحت اثر میدانهای الکترومغناطیسی ثابت و نوسانی شبیهسازی و تجزیه و تحلیل کند. میدان مغناطیسی اعمال شده خارجی، ممکن است با انتخاب یک تابع داخلی ساده یا با وارد کردن یک فایل داده توسط کاربر ایجاد شود. مدل MHD، با تمام دیدگاههای شبیهسازی جریانهای چند فازی موجود در نرمافزار فلوئنت، یعنی مدل فاز گسسته ^{۱۱} DPM، روش حجم سیال^{۲۱}

در نرمافزار فلوئنت ماژول MHD به عنوان یک ماژول افزودنی توسط مجموعهای از فرمانهای رابط کاربری متنی TUI^۳ اجرا میشود. این ماژول شامل یک کتابخانه طرح پیش ساخته از توابع تعریف شده توسط کاربر^۴ UDF است که قابلیت تعریف توابع جدید نیز در آن وجود دارد. روش حل معادلات MHD (القای مغناطیسی یا پتانسیل الکتریکی)، پارامترهای مورد نیاز مانند دادههای میدان مغناطیسی خارجی، نحوه نوسانات این میدان و شرایط مرزی MHD به عنوان متغیرهای حافظهای تعریف شده توسط کاربر ^{۱۵} UDM در کادر محاورهای MHD MD وارد میشوند. همچنین کاربر در این کادر محاورهای میتواند کنترل شرایط حل مانند حل همزمان معادلات MHD به مراه نیروی لورنتس و گرمایش ژول را تعیین کند.

۵. مطالعه استقلال از شبکه

در حلهای عددی مطالعه استقلال جواب از شبکه براساس مقادیر متوسط عددی متغیرهای میدان جریان مانند عدد ماخ، مولفههای سرعت، محل برخورد موج ماخ و فشار استاتیک حائز اهمیت است. لذا در این پژوهش شبیه ازیها به ازای ۳ مقدار مختلف از تعداد المانهای محاسباتی انجام و مقایسه شد. برای مطالعه استقلال از شبکه در این پژوهش، از شبکههای محاسباتی به ترتیب با شبکه در این پژوهش، از شبکههای محاسباتی به ترتیب با استقلال از شبکه برای پروفیل میدان سرعت در خروجی در هارتمن ۰ مطابق شکل ۴ می باشد.

۶. اعتبارسنجی

در این تحقیق، از دو اعتبارسنجی استفاده شده است. اعتبارسنجی اول برای ورودی هوای مافوق صوت و اعتبارسنجی دوم برای روش حل MHD صورت پذیرفته است.

برای اعتبارسنجی ورودی هوای مافوق صوت، ابعاد حوزه محاسباتی، شرایط مرزی و شرایط جریان مطابق با آنچه در بخش قبل گفته شد، با مطالعه تجربی انجام شده توسط کوچل و اشنایدر [۲۵] یکسان در نظر گرفته شد. نتایج بدست آمده در مطالعه حاضر با نتایج مطالعه تجربی مرجع [۲۵] و نتایج عددی مرجع [۲۶] اعتبارسنجی شده است. اعتبارسنجی (شکل ۵ و ۶) مطابقت خوبی را بین نتایج مطالعه حاضر و مراجع ذکر شده نشان میدهد.





شکل ۵. نمودار توزیع فشار روی سطح داخلی نیمه پایینی



برای اعتبارسنجی روش MHD شکل کلی حوزه محاسباتی و شرایط حل مطابق مرجع [۲۹] در نظر گرفته شده است. در این مطالعه یک موج شوک انعکاسی در محل برخورد با دیواره باعث ایجاد گرادیان فشار معکوس و ایجاد حباب جدایش میشود. نتایج مطالعه حاضر همانند نتایج مرجعهای [۲۹]، [۳۳] و [۳۱] نشان میدهد که میدان MHD با افزایش عدد هارتمن میتواند به میزان قابل توجهی اندازه حباب جدایش را کوچک کند.

شکلهای ۷ تا ۱۰ نمودارهای توزیع فشار روی دیواره پایین در محل تشکیل حباب جدایش را نشان میدهد. اعداد روی محور۷ معرف مقادیر فشار به فشار جریان آزاد و اعداد روی محور x در پایین و بالا به ترتیب موقعیت مکانی روی دیواره برای مقادیر مرجع [۲۹] و مطالعه حاضر است که براساس اندازه طولی حباب جدایش در هارتمن صفر بیبعد شده است. این نمودارها با نمودارهای مشابه در مرجع [۲۹] اعتبارسنجی شدهاند. تحلیل نمودارهای ۷ تا ۱۰ نشان میدهد که نتایج مطالعه حاضر با نتایج مرجع ۲۹ از لحاظ نحوه توزیع فشار در طول حباب مطابقت خوبی دارد ولی با افزایش هارتمن، از لحاظ موقعیت مکانی حدود ده مطالعه حاضر شکل نمودار توزیع فشار در هارتمنهای مختلف با نتایج مرجع [۲۹] یکسان است، ولی با افزایش هارتمن، محل نتشکیل حباب جلوتر خواهد رفت.

دلیل این اختلاف نشات گرفته از خلاقیت بکار رفته در این مطالعه میباشد. در مرجع [۲۹] شوکی که بر روی آن مطالعه، انجام شده است یک شوک فرضی است اما در این مطالعه، شوک حاصل از برخورد جریان سیال با یک سطح شیبدار بوده و در واقع شوک تولید شده است. مطالعات تجربی مرجع [۳۲] نشان میدهد که اعمال میدان MHD بر روی شوک، میتواند باعث کاهش زاویه آن شود. این مسئله نتایج بدست آمده در مطالعه حاضر را صحهگذاری میکند. به عبارت دیگر افزایش هارتمن باعث کوچک شدن زاویه شوک میشود که این مسئله منجر به آن شده که محل برخورد و انعکاس شوک به دیواره پایین که محل روند تغییرات فشار به فشار جریان آزاد در محل برخورد شوک در جهت x نشان میدهد که جریان در دو موقعیت (یک جفت) دارای گرادیان فشار معکوس است. به عنوان مثال در 0= Ha اولین گرادیان فشار معکوس در 20.=x و دومین در x=0.3 اتفاق

میافتد که بیان گر تشکیل حباب جدایش و چسبندگی مجدد جریان است.



شكل۷. نمودار توزيع فشار روى ديواره در Ha=0



شکل۸. نمودار توزیع فشار روی دیواره در Ha=9000







شکل ۱۰. نمودار توزیع فشار روی دیواره در Ha=12000

همان طور که پیشتر اشاره شد از جمله پارامترهای تاثیر گذار بر کارایی یک ورودی هوای مافوق صوت یا ماورا صوت، بازیابی فشار کل، دبی جریان جرمی و یکنواختی جریان می باشند. دمای هوای ورودی به محفظه احتراق نیز می تواند کیفیت احتراق را تحت تاثیر قرار دهد. لذا در این مطالعه پارامترهای بازیابی فشار کل، جریان جرمی سیال، واپیچیدگی جریان و دمای سیال در خروجی به عنوان پارامترهای تاثیر گذار بر کارایی ورودی هوا بررسی شده منتلف نیز بر کارایی موتور تاثیر گذار است و می تواند شرایط را برای داشتن احتراقی پایدار و بدون افزایش یا کاهش ناگهانی میزان تراست فراهم کند. بررسی این پارامتر نیازمند حل جریان در حالت گذرا می باشد که در این تحقیق از آن صرف نظر شده است.

زمانی که جریان هوای مافوقصوت یا ماورا مصوت به یک بدنه ورودی هوا برخورد میکند، پارامترهای ترمودینامیکی آن تحت تاثیر شوکهای مایل بوجود آمده روی سطح، دچار تغییرات شدید میشوند. ایجاد این شوکها به افزایش راندمان موتور کمک کرده و شرایط مناسب احتراق را برای جریان هوا فراهم میکند. زاویه شوک مایل بوجود آمده روی سطح شیبدار ورودی هوا، در حالت ایدهآل به نحوی تنظیم میشود که امتداد شوک بین دو لبه ورودی هوا قرار گیرد. این کار باعث میشود از شرایط مساعد جریان گذرنده از شوک حداکثر استفاده شود. اگر امتداد این شوک

در خارج از ورودی هوا قرار گیرد، بخشی از هوای گذرنده از شوک از قسمت بالایی خارج میشود. همچنین اگر امتداد شوک به دیواره داخل برخورد کند، باعث تشکیل شوکهای انعکاسی متعدد شده که اثرات بسیار مخربی دارد. تشکیل شوکهای انعکاسی کنترل نشده، میتواند منجر به جدایش جریان در محل برخورد شوک شود که نتیجه آن افت شدید سطح تراست و یا حتی از دست رفتن نیروی پیشران است.

۱−۷. تاثیر میدان MHD بر زاویه شوک

نتایج شبیهسازی نشان میدهد که اعمال میدان مگنتو هیدرودینامیک میتواند زاویه شوکهای مایل به وجود آمده بر روی سطح شیبدار را تصحیح کند. همانطور که در بخش قبل نیز اشاره شد، این موضوع در نتایج آزمایشات انجام شده در مرجع [۳7] نیز تایید شده است. شکلهای ۱۱ تا ۱۵ نشان میدهند که با افزایش عدد هارتمن تا ۲۴۰۰۰، زاویه شوک مایل اول حدود ۲۵ درصد و زاویه موج شوک دوم حدود ۱۱ درصد کاهش یافته و به سمت لبه نوک تیز قسمت بالایی ورودی هوا نزدیک میشود. تقریبا در هارتمن ۲۴۰۰۰ محل برخورد دو شوک به حالت بهینه نزدیک میشود. افزایش هارتمن تا ۳۰۰۰۰ باعث واگرایی حل میشود. این موضوع خود بیانگر تداخل امواج شوک، تشکیل موجهای انعکاسی متعدد و پیچیده شدن میدان جریان است که



شکل۱۳. کانتور فشار در Ha=12000

شکل ۱۴. کانتور فشار در Ha=18000



شکل۱۵. کانتور فشار در Ha=24000

است.

۲-۷. تاثیر میدان MHD بر دبی جرمی جریان

دبی جرمی جریان از مهمترین پارامترهایی است که در بهینهسازی ورودی هوا مورد بررسی قرار میگیرد. علم ترمودینامیک بیان میکند که برای داشتن احتراق کامل باید نسبت هوا به سوخت از یک حد خاصی بیشتر باشد. به طور کلی برای نسبت هوا به سوخت بازهای وجود دارد که خارج از این بازه احتراقی صورت نمیپذیرد. به این حدود بالا و پایین، محدوده انفجار^{۹۲} گفته میشود. با افزایش جریان جرمی گذرنده از ورودی هوا، میتوان سوخت بیشتری به محفظه احتراق تزریق کرد. در نتیجه میزان سطح احتراق بیشتر شده و نیروی پیشران افزایش مییابد.

پارامتر دبی جرمی جریان^{۱۷} MFR از جمله پارامترهایی است که در بررسی میزان موفقیت ورودی هوا برای مکش حداکثر جریان جرمی اهمیت پیدا میکند. این پارامتر نسبت میزان جریان جرمی واقعی به حداکثر جریان جرمی قابل مکش(در حالت بدون کنترل) توسط ورودی را نشان میدهد. پارامتر MFR توسط رابطه ۱۳ بدست میآید.

Mass Flow Rate
$$=\frac{\dot{m}_i}{\dot{m}_{\infty}}=\frac{A_i}{A_{\infty}}$$
 (17)









در مطالعه حاضر مقدار A_{∞} برابر ۳۷ میلیمتر است(شکل ۱۷). مقدار A_{i} به ازای اعداد هارتمن مختلف توسط نشان گر محلی در شکلهای ۱۸ تا ۲۲ مشخص شده است.



شکل ۱۷. مقدار م A_∞ در مطالعه حاضر



شکل ۱۹. مقدار A_i به ازای ۱۹



شکل ۲۱. مقدار A_i به ازای Ha=18000

شکل ۲۰. مقدار A_i به ازای ۲۰.



شکل ۲۲. مقدار A_i به ازای ۲۲.

شکل ۲۳ مقدار دبی جرمی جریان به ازای هارتمنهای مختلف را نشان میدهد. تحلیل نتایج بیانگر آن است که با افزایش هارتمن تا ۲۴۰۰۰ مقدار این پارامتر تا ۲۱/۶۲ درصد افزایش مییابد. در هارتمن ۲۴۰۰۰ میدان MHD، خطوط جریان را به نحوی منحرف کرده که مقدار A با مقدار ∞A برابر شده و پارامتر دبی جرمی جریان به صدردرصد رسیده است. این افزایش دبی جرمی جریان به سبب کاهش زاویه شوک میباشد. در واقع زمانی که زاویه شوک کاهش مییابد، جریان به سطح شیبدار، نزدیکتر شده که باعث میشود دبی جرمی سیال بیشتری از ورودی هوا عبور کند.

۳-۷. تاثیر میدان MHD بر میانگین دمای جریان سیال گذرنده از خروجی

همان طور که اشاره شده است در موتورهای رمجت و اسکرمجت، جریان هوا در ورودی فشرده شده و دمای آن بالا میرود تا آماده ورود به محفظه احتراق شود. در محفظه احتراق پاشش سوخت انجام شده و احتراق صورت می پذیرد. افزایش دمای هوایی که

وارد محفظه احتراق می شود، باعث می شود احتراق با کیفیت بالاتری انجام شود. به عبارت دیگر افزایش دما باعث می شود تمامی ذرات سوخت محترق شوند و سطح تراست افزایش یابد. شکل ۲۴ نمودار دما در نقاط مختلف جریان هوا در قسمت خروجی را نشان می دهد. این نمودار بیان می کند که افزایش هارتمن می تواند دما را در اکثر نقاط افزایش دهد.





تحلیل نتایج میانگین دمای جریان سیال گذرنده از خروجی در شکل ۲۵ نشان میدهد که افزایش هارتمن تا ۲۴۰۰۰ میتواند میانگین دمای جریان سیال گذرنده از خروجی را تا ۱۰/۵۱ درصد افزایش دهد.

یکی از دلایلی که باعث این افزایش دما می شود، ماهیت خود میدان MHD است. اعمال میدان مغناطیسی بر جریان سیال رسانای الکتریکی گذرنده از ورودی هوا، باعث القای یک جریان الکتریکی ثانویه در جریان سیال می شود. این جریان الکتریکی که به سبب افزایش جنب و جوش الکترونها و یونهای شناور در جریان سیال میباشد، دمای کل را افزایش میدهد. از طرفی نیز همانطور که اشاره شد، با افزایش میدان MHD زاویه شوک کاهش می یابد. این کاهش زاویه شوک باعث افزایش دمای بیشتر دمای یشت شوک می شود.







شکل ۲۵. میانگین دمای جریان سیال گذرنده از خروجی

۴-۷. تاثیر میدان MHD بر بازیابی فشار کل

فشار کل، مجموع دو فشار استاتیک و دینامیک است. گذر جریان از شوک باعث کاهش سرعت جریان، افزایش ناگهانی فشار

استاتیک و متراکم شدن گاز می شود. از طرفی فشار دینامیک که بیان کننده انرژی جنبشی سیال است و با توان دوم سرعت رابطه مستقیم دارد، کاهش می یابد. در مجموع با عبور جریان از شوک، فشار کل کاهش می یابد. یکی از مهمترین چالشها در ورودیهای هوا، بازیابی و حداقل کردن اتلاف فشار کل است. این اتلاف را میتوان با تولید چندین شوک ضعیف در ازای یک شوک قوى، كاهش داد. اين كار به صورت كارآمد توسط ايجاد چند سطح مایل متوالی در ورودیهای هوا انجام می شود.

شکل ۲۶ نمودار فشار کل در جریان گذرنده از خروجی به ازای هارتمنهای مختلف را نشان میدهد. این نمودار بیان می کند که افزایش هارتمن می تواند فشار کل را در اکثر نقاط خروجي افزايش دهد.



بازيابي فشار كل توسط رابطه ۱۴ بدست مي آيد. total pressure recovery = $\frac{p_{t_{avg}}}{r}$ (14) $p_{t_{\infty}}$ در این رابطه $p_{t_{avg}}$ میانگین فشار کل در خروجی و فشار کل جریان آزاد است.

انرژی جریان در گذر از ورودی به علت پدیدههای اصطکاکی مختلف دچار افت می شود. رابطه (۱۴) به نوعی بیان کننده توانایی ورودی هوا برای حفظ انرژی سیال نسبت به حالت اولیه (جریان آزاد) است.

شکل (۲۷) بازیابی فشار کل به ازای مقادیر مختلف هارتمن را نشان میدهد. تحلیل نتایج نشان میدهد که افزایش هارتمن تا ۲۴۰۰۰ میتواند بازیابی فشار کل جریان سیال را تا ۱۴/۵۰ درصد افزایش دهد. این افزایش در بازیابی فشار کل ناشی از کاهش زاویه شوک و افزایش چسبندگی جریان و کاهش جدایش در لایه

مرزی میباشد. در واقع با اعمال میدان مغناطیسی به میدان جریان سیال، مومنتم سیال و در نتیجه رینولدرز محلی افزایش یافته و بخش بیشتری از انرژی از دست رفته سیال بازیابی شده و در نتیجه عدد فشار کل در خروجی و میزان بازیابی فشار کل افزایش مییابد.



شکل ۲۷. بازیابی فشار کل جریان سیال گذرنده از خروجی

۵−۷. تاثیر میدان MHD بر واپیچیدگی جریان

یکی دیگر از پارامترهایی که در بررسی کارایی موتور مورد توجه قرار میگیرد، واپیچیدگی جریان است. این پارامتر مشخص کننده میزان یکنواختی جریان است. همان طور که قبلاً نیز اشاره شد، یکنواختی جریان خروجی به سمت محفظه احتراق، باعث احتراق پایدار در موتور میشود. لذا هر چه واپیچیدگی جریان کاهش یابد، کارایی موتور افزایش مییابد. واپیچیدگی جریان توسط رابطه ۱۵ بدست میآید.

$$flow \ distortion = \frac{p_{t_{max} - p_{t_{min}}}}{p_{t_{mean}}} \tag{10}$$

در این رابطه $p_{t_{max}}$ فشار کل ماکزیمم، $p_{t_{min}}$ فشار کل مینیمم و $p_{t_{mean}}$ فشار کل میانگین در خروجی را نشان میدهد.

شکل (۲۸) واپیچیدگی جریان به ازای هارتمنهای مختلف را نشان میدهد. تحلیل نتایج حاکی از آن است که افزایش هارتمن تا ۳۰۰۰ باعث کاهش محسوس واپیچیدگی میشود اما پس از آن تا هارتمن ۱۲۰۰۰ این پارامتر افزایش مییابد ولی با این وجود نسبت به حالت هارتمن صفر، مقدار آن همچنان کمتر است. در ادامه با افزایش هارتمن، مجدد واپیچیدگی سیر نزولی را پیش میگیرد. نتایج حاکی از آن است که افزایش هارتمن تا ۲۴۰۰۰ واپیچیدگی را نسبت به حالت هارتمن صفر، تا ۱۸/۹۳درصد کاهش میدهد.

√-۶ تاثیر تغییر زاویه جریان بر کارایی میدان MHD تغییر زاویه جریان سیال یا به عبارت دیگر تغییر زاویه حمله، باعث افت کلی کارایی ورودی هوای فراصوت طراحی شده می شود.



شکل ۲۸. واپیچیدگی جریان به ازای هارتمن های مختلف

شکل ۲۹ نحوه تشکیل شوکهای مایل بر اثر برخورد به دو سطح شیبدار به ازای زاویه جریان آزاد ۱۵ درجه در هارتمن ۰ را نشان میدهد. در این شکل مشخص است که زاویه شوک اول افزایش و زوایه شوک دوم کاهش مییابد. هر دو این تغییرات زاویه باعث افت شدید در کارایی ورودی هوای فراصوت طراحی شده میشود. افزایش زاویه شوک اول باعث ضعیف شدن موج شوک شده که این موضوع هم باعث کاهش دمای جریان سیال شده و هم باعث انحراف خطوط جریان سیال به خارج از دهانه وردی هوا میشود. کاهش زاویه موج شوک دوم باعث انتقال موج شوک به درون ورودی هواشده که این موضوع نیز همانطور که قبلا در مورد آن توضیح داده شد، اصلا مطلوب طراحی نمیباشد.



شکل۲۹. کانتور فشار در زاویه حمله ۵ درجه و هارتمن ۰

شکل ۳۰ نمودار فشار کل در جریان گذرنده از خروجی به ازای هارتمنهای مختلف در زاویه جریان آزاد ۱۵ درجه را نشان میدهد. این نمودار بیان میکند که برخلاف زاویه حمله ۰ درجه،

در زاویه حمله ۱۵ درجه، افزایش هارتمن فشار کل را در اکثر نقاط خروجی کاهش میدهد.



شکل ۳۱ بازیابی فشار کل در زاویه جریان آزاد ۱۵ درجه را به ازای هارتمنهای مختلف نشان میدهد. تحلیل نتایج بیان میکند که بازیابی فشار کل با افزایش هارتمن تا ۳۰۰۰ به اندازه ۱/۲ درصد نسبت به حالت هارتمن ۰، افزایش مییابد. اما با افزایش هارتمن به ۱۲۰۰۰ این پارامتر شدیدا کاهش مییابد. با افزایش بیشتر هارتمن، این پارامتر نسبت به حالت هارتمن صفر همچنان کمتر است. به طور کلی میتوان نتیجه گرفت که با تغییر زاویه جریان آزاد، تاثیرات میدان MHD شدیدا کاهش مییابد.



شکل ۳۱. بازیابی فشار کل جریان سیال گذرنده از خروجی

۸. نتیجه گیری

در این تحقیق مسئله تاثیر روش کنترل جریان مگنتوهیدرودینامیک بر روی جریان گذرنده از یک ورودی هوای فراصوت به صورت عددی مطالعه و مورد بررسی قرار گرفت.

مطالعه این ورودی هوا به صورت دوبعدی در ماخ ۳ و رینولدز ANYS19 نجام شد. شبیهسازی در نرم افزار تجاری ANSYS meshing انجام شده و شبکه محاسباتی در محیط MHD رفتار تولید شد و در محیط fluent با راهاندازی ماژول MHD رفتار سیال مورد مطالعه قرار گرفت. حل با مدل آشفتگی ٤-8 و با حلگر density based در شرایط پایا انجام شد. در این تحقیق برای اعتبارسنجی ورودی هوا از مطالعات تجربی و عددی انجام شده در مراجع [۲۵] و [۶۲] و برای اعتبارسنجی روش MHD از مرجع [۲۹] استفاده شده است. مقایسه نتایج در هر دو اعتبارسنجی مطابقت خوبی را با نتایج حاضر نشان میدهد.

از مهمترین عوامل تاثیر گذار بر بهبود کارایی ورودی هوای فراصوت، افزایش حداکثری دما و فشار استاتیکی به ازای حداقل تلفات فشار کل و مکش حداکثری جریان جرمی است. نتایج شبیهسازیهای انجام شده در این مطالعه نشان میدهد که اعمال ميدان مگنتوهيدروديناميک ميتواند کارايي ورودي هواي فراصوت را از بسیاری جهات بهبود بخشد. تحلیل نتایج حاکی از آن است که پارامتر ۲۱/۶۲ MFR درصد، میانگین دما و بازیابی فشارکل ذرات خروجی به سمت محفظه احتراق به ترتیب ۱۰/۵۱ و ۱۴/۵ درصد افزایش و واپیچیدگی جریان ۱۸/۹۳ درصد کاهش مییابد. با افزایش دبی جرمی هوا، امکان تزریق سوخت بیشتر به محفظه احتراق فراهم شده و در نتیجه سطح تراست افزایش مییابد. با افزایش دما و فشار استاتیکی شرایط برای انجام احتراق مساعدتر شده و احتراق با کیفیت مناسبتری انجام می شود. فشار کل نیز به نوعی بیانگر انرژی جنبشی سیال است، لذا افزایش فشار کل مستقيماً بر افزايش سطح تراست تاثير گذار است. كاهش واپیچیدگی جریان نیز به داشتن احتراقی پایدار و یکنواخت کمک میکند. روش کنترل جریان مگنتوهیدرودینامیک یک روش فعال است. لذا قابلیت عملکرد بهینه، متناسب با شرایط مختلف پروازی را دارد. به عنوان مثال در این تحقیق شبیهسازی در ماخ ۳ انجام و هارتمن بهینه، ۲۴۰۰۰ محاسبه شد. با افزایش یا کاهش ماخ، هارتمن بهینه نیز تحت تاثیر قرار گرفته و تغییر میکند. از لحاظ عملیاتی، تغییر هارتمن با تغییر در پارامترهای میدان الكترومغناطيسي امكان پذير است. از طرفي تحليل نتايج براي اين ورودی هوای خاص برای زاویه جریان آزاد غیر صفر نشان میدهد که با تغییر زاویه جریان آزاد تاثیرات میدان MHD کاهش مى يابد.

- [1] C. Hirschen, D. Herrmann, A. Gülhan, Experimental Investigations of the Performance and Unsteady Behavior of a Supersonic Intake, Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 23, No.
- 3, May–June 2007
 [2] G. K. Suryanarayana, R. Dubey, Performance enhancement of a ramjet air intake by passive bleed of boundary layer, Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 56, No. 3, pp. 875-886, 2019.
- [3] R. Balasubramanian, K. Anandhanarayanan, R. Krishnamurthy, D. Chakraborty ,Magnetohydrodynamic Flow Control of a Hypersonic Cruise Vehicle Based on AJAX Concept, Journal of Spacecraft and Rockets, Vol.53, No. 4, July-August 2016
- [4] M. Sano, H. Yoshida, S. Wakabayashi, T. Chiga, T. Sato, A. Hashimoto, T. Kojima, Numerical Simulation of the Side-Clearance Effect on the Supersonic Air-Inlet Performance for High Mach Integrated Control Experiment "HIMICO", AIAA Propulsion and Energy Forum, July 9-11, 2018.
- [5] H. Yoshida, T. Nagao, A. Sato, S. Wakabayashi, T. Sato, A. Hashimoto, T. Aoyama, T. Kojima, Numerical Study of Hypersonic Air Intake Aerodynamics Performance for High Mach Integrated Control Experiment "HIMICO", 53rd AIAA Propulsion and Energy Forum, 2017.
- [6] M.R. Soltani, J. Sepahi Younsi, M. Farahani, Effects of Boundary-Layer Bleed Parameters on Supersonic Intake Performance, Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 31, No. 3, May– June 2015.
- [7] R. Sivakumar, V. Babu, Numerical Simulations of Flow in a 3-D Supersonic Intake at High Mach Numbers, Defense Science Journal, Vol. 56, No. 4, October, pp. 465-476,2006
- [8] B.U. Reinartz, C.D. Herrmann, J. Ballmann, W.W. Koschel, Aerodynamic Performance Analysis of a Hypersonic Inlet Isolator Using Computation and Experiment, Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 19, No. 5, September–October 2003
- [9]T. Fodeibou, Z. Huque, J. Galvis, Effects of Mach Number and Angle of Attack on Mass Flow Rates and Entropy Gain in a Supersonic Inlet, International Journal of Aerospace and Mechanical Engineering, Vol. 2, No. 10, 2008
- [10] M.R. Soltani, J. Sepahi Younsi, A. Daliri, Performance investigation of a supersonic air intake in the presence of the boundary layer suction, Journal of Aerospace Engineering, Vol. 229, No. 8, pp. 1495-1509, 2014.
- [11] V. Merchant, J. Radhakrishnan, Design and Optimization of Supersonic Intake, IOP Conference Series: Materials Science and Engineering, Vol. 225, No. 1, 2017.

- [12]V. Rajashree, P. Manivannan, G. Dinesh kumar, Computational Analysis of Scramjet Inlet, International Journal of Innovative Research in Science, Engineering and Technology ,Vol. 3, No. 3, March 2014.
- [13] N. Hoyle, N.W. Bressloff, A.J. Keane, Design Optimization of a Two-Dimensional Subsonic Engine Air Intake, AIAA JOURNAL ,Vol.44, No. 11, November 2006.
- [14] D. Dalle, M.L. Fotia, J. Driscoll, Reduced-Order Modeling of Two-Dimensional Supersonic Flows with Applications to Scramjet Inlets, Journal of Propulsion and Power, Vol. 26, No. 3, pp. 545– 555, 2010.
- [15] S. Torrez, J. Driscoll, D. Dalle, M. Bolender, D. Doman, Hypersonic Vehicle Thrust Sensitivity to Angle of Attack and Mach Number, AIAA Atmospheric Flight Mechanics Conference, 2009.
- [16] D. Dalle, S. Torrez, J. Driscoll, Performance Analysis of Variable-Geometry Scramjet Inlets Using a Low-Order Model, 47th AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint Propulsion Conference & Exhibit, 31 July - 03 August 2011,
- [17] S. Das, J.K. Prasad, Starting Characteristics of a Rectangular Supersonic Air-Intake with Cowl Deflection, The Aeronautical Journal, Volume 114, Issue 1153, pp. 177-189, March 2010.
- [18]V.V. Kumar, S. Bogadi, Effect of micro-vortex generator in hypersonic inlet, Int. J. Appl. Res. Mech. Eng, 2011.
- [19] V.M. Don, E. Avital, F. Motallebi. "Computational and Experimental Investigation of Supersonic Flow and their Controls." Proceedings of World Academy of Science, Engineering and Technology, No. 73, 2013.
- [20] E. Gurijnov, P. Harsha, AJAX, New Direction in Hypersonic Technology, 7th International Space Planes and Hypersonic Systems and Technologies Conference, AIAA Paper, 1996.
- [21] D.V. GAITONDE, D.G. FLETCHER, Future Technologies Application of Plasma Devices for Vehicle Systems, Critical Technologies for Hypersonic Vehicle Development, RTO AVT Lecture Series, von Kármán Inst., Belgium,2004.
- [22] A. Starikovskiy, N. Aleksandrov, Nonequilibrium Plasma Aerodynamics, Aeronautics and Astronautics, Max Mulder, IntechOpen, DOI: 10.5772/22396. Available from: https://www.intechopen.com/books/aeronauticsand-astronautics/nonequilibrium-plasma-

aerodynamics, 2011.

[23] Y.M. Lee, P.A. Czysz, D. Petley, Magnetohydrodynamic Energy Bypass Applications for Single Stage-to-Orbit Vehicles, 10th International Space Planes and Hypersonic Systems and Technologies Conference, AIAA Paper, 2001.

- [24] A. Kuranov, A. Korabelnicov, V. Kichinskiy, E. G. Sheikin, Fundamental Techniques of the AJAX Concept. Modern State of Research, 10th International Space Planes and Hypersonic Systems and Technologies Conference, AIAA Paper,2001.
- [25] W. Koschel, A. Schneider, Detailed analysis of a mixed compression hypersonic intake, In Fourteenth International Symposium on Air Breathing Engines, AIAA,1999.
- [26] R. Sivakumar, V. Babu ,Numerical simulations of flow in a 3-D supersonic intake at high Mach numbers, Defence Science Journal, pp. 465–476, 2006.
- [27] N. M. Sudharsan, V. A. Jambekhar, V. Babu, A validation study of OpenFOAM using the supersonic flow in a mixed compression intake, Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Journal of Aerospace Engineering, pp.673-679, 2010.
- [28] B. John, P. Senthilkumar, Alterations of cowl Lip for the mprovement of Supersonic-Intake

1. space shuttle

- 2. Buran
- 3. Falcon
- 4. Reusable launch vehicle
- 5 .scramjet
- 6. ramjet
- 7. Magnetohydrodynamic
- 8. Lenitze
- 9. mesosphere
- 10. Hartman number
- 11. Discrete Phase Model
- 12. Volume of Fluid13. Text User Interface
- 14. User-Defined Functions
- 15. User-Defined Memory
- 16. explosive limits
- 17. Mass flow rate

Performance, Journal of Applied Fluid Mechanics, Vol. 11, No.1,2018.

- [29] R. BALASUBRAMANIAN, K. ANANDHANARAYANAN, R. Krishnamurthy, D. CHAKRABORTY, Mitigation of shockinduced flow separation using magnetohydrodynamic flow control, springerlink, Sādhanā, Vol. 42, No. 3, pp.379–390, 2017.
- [30] J.A. Ekaterinaris, Numerical investigation of the effect of magnetic fields on shock/boundary layer interaction, 19th AIAA Computational Fluid DynamicsSan Antonio, Texas, 22 - 25 June 2009.
- [31] J.A. Ekaterinaris, High-order numerical method for magnetohydrodynamic control of shockinduced separation, AIAA JOURNAL, Vol. 48, No. 12, December, 2010.
- [32] S. Changbing, L. Yinghong, C. Bangqin, W. Jian, C. Jun, L. Yiwen, MHD Flow Control of Oblique Shock Waves Around Ramps in Lowtemperature Supersonic Flows, Chinese Journal of Aeronautics, Vol.23, No. 1, pp.22-32, 2010.

پىنوشت